

## عنوان آزمایش:

### تجزیه و تحلیل جریانهای آبی از روی سرریزها و محاسبه ضریب تخلیه ( $C_d$ )

**هدف:** بدست آوردن رابطه ای میان شدت جریان بر روی سرریزها و ارتفاع آب روی سرریزها.

#### مقدمه:

هر سازه طبیعی یا ساخته شده دست بشر که در مسیر جریان قرار گیرد و روابط دبی عمق جریان را در اطراف خود تثبیت نماید، یک سازه کنترل جریان نامیده می شود. سازه های مختلف با توجه به شرایط فیزیکی خاص روابط متفاوتی را بین دبی و عمق جریان ایجاد کرده اند. لذا هر کدام برای اهداف معینی مورد استفاده قرار می گیرد. هرمانعی که بر سر راه جریان در کانال قرار گیرد و باعث شود تا آب در پشت آن بالا آمده و بر سرعت آب در ضمن عبور از روی آن افزوده شود سرریز نامیده می شود. سرریزها را بر حسب شکل و تاج و اینکه آیا تمام یا قسمتی از عرض کانال را گرفته اند تقسیم بندی می نمایند: سرریزهای تیزو سرریزهای لبه پهن. همچنین سرریزها می توانند به شکلهای مستطیلی-مثلثی-ذوزنقه ای و سهمی شکل باشند.

#### محاسبات و تحلیل:

میتوان با المان گیری، شدت جریان در سرریز مستطیل شکل را بدست آورد.

$$dQ = V_2 \cdot b \cdot dh = \sqrt{2gh} \cdot b \cdot dh \rightarrow Q = \int_0^H \sqrt{2gh} \cdot b \cdot dh \rightarrow \boxed{Q = \frac{2}{3} \sqrt{2g} b h^{3/2}} \text{ تئوری}$$

$$\boxed{Q = C_d \cdot \frac{2}{3} \sqrt{2g} \cdot b \cdot h^{3/2}} \text{ واقعی}$$

برای سر ریزهای مثلثی عرض المان مورد نظر  $2(H-h) \tan \theta$  می باشد زیرا زاویه مورد نظر برابر  $2\theta$  می باشد لذا المان شدت جریان به صورت زیر در خواهد آمد :

$$BC = (H-h) \tan \theta$$

$$dQ = V_2 \cdot 2(H-h) \tan \theta \cdot dh$$

$$dQ = \sqrt{2gh} \cdot 2(H-h) \tan \theta \cdot dh$$

$$Q = \int_0^H \sqrt{2gh} \cdot 2(H-h) \tan \theta \cdot dh \Rightarrow Q = \frac{8}{15} \sqrt{2g} \tan \theta \cdot H^{5/2}$$

با اعمال ضریب تخلیه داریم :

$$Q = C_d \cdot \frac{8}{15} \sqrt{2g} \times \tan \theta \times H^{5/2}$$

مقادیر  $C_d$  برای سرریزهای مثلثی و مستطیلی بصورت زیر قابل محاسبه اند :

$$C_d \text{ سرریز مثلثی} = \frac{15Q}{8 \sqrt{2g} \tan \theta H^{5/2}}$$

$$C_d \text{ سرریز مستطیلی} = \frac{3Q}{2b \sqrt{2g} H^{3/2}}$$

### روش انجام آزمایش:

1. برای جلوگیری از بروز خطا در آزمایش دستگاه را کاملا تراز میکنیم.
2. سرریز مورد نظر را در محل خود مستقر می کنیم.
3. با جاری کردن دبی های مختلف در هر بار، ارتفاع آب روی سرریز را اندازه میگیریم.

سرریز مستطیلی :

V(lit)	T(s)	$Q(\frac{cm^3}{s})$	H(cm)	$c_d$	$Q^{\frac{2}{3}}$	$H^{2/3}$	log(Q)	log(H)
5	13.09	381.97	3.9	0.022	52.64	2.48	2.58	<b>0.59</b>
5	20.10	248.7	2.0	0.023	39.54	1.58	2.39	<b>0.30</b>
5	14.59	342.7	3.4	0.022	48.97	2.26	2.53	<b>0.53</b>

$$Q = \frac{2}{3} \sqrt{2g} b h^{3/2}$$

$$C_d = \frac{Q_{\text{واقعی}}}{Q_{\text{تئوری}}}$$

$$Q_1 = 16973.7 \left(\frac{cm^3}{s}\right) \text{ تئوری}$$

$$C_{d1} = 0.022$$

$$Q_2 = 10813.9 \left(\frac{cm^3}{s}\right) \text{ تئوری}$$

$$C_{d2} = 0.023$$

$$Q_3 = 15467.9 \left(\frac{cm^3}{s}\right) \text{ تئوری}$$

$$C_{d3} = 0.022$$

سرریز مثلثی 90 درجه :

V(lit)	T(s)	$Q(\frac{cm^3}{s})$	H(cm)	$c_d$	$Q^{\frac{2}{5}}$	$H^{2/3}$	log(Q)	log(H)
5	10.41	480.20	4	0.055	11.8	2.52	2.6	<b>0.6</b>
5	17.5	285.69	3	0.049	9.6	2.08	2.45	<b>0.47</b>
5	24.04	207.96	2.1	0.047	8.45	1.64	2.31	<b>0.36</b>

$$Q = \frac{8}{15} \sqrt{2g} \tan \theta . H^{5/2}$$

$$C_d = \frac{Q_{\text{واقعی}}}{Q_{\text{تئوری}}}$$

$$Q_1 = 8731.01 \left(\frac{cm^3}{s}\right) \text{ تئوری}$$

$$C_{d1} = 0.055$$

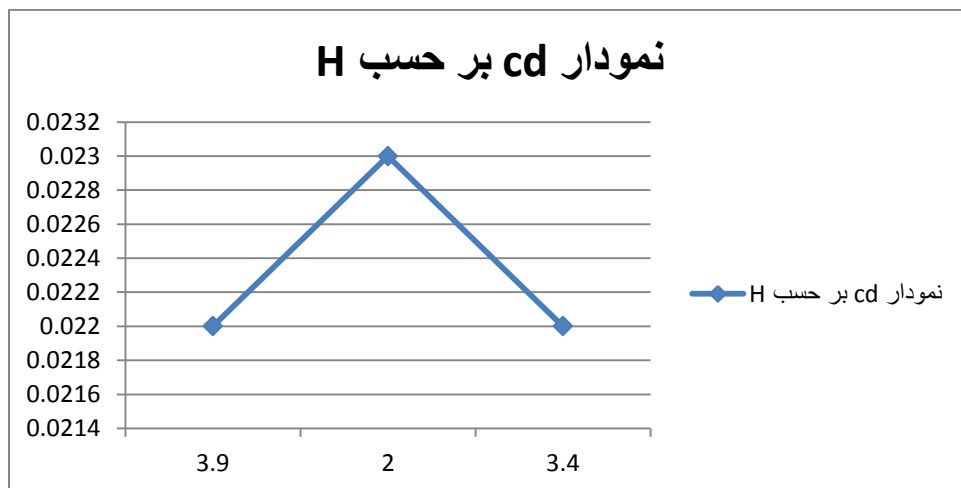
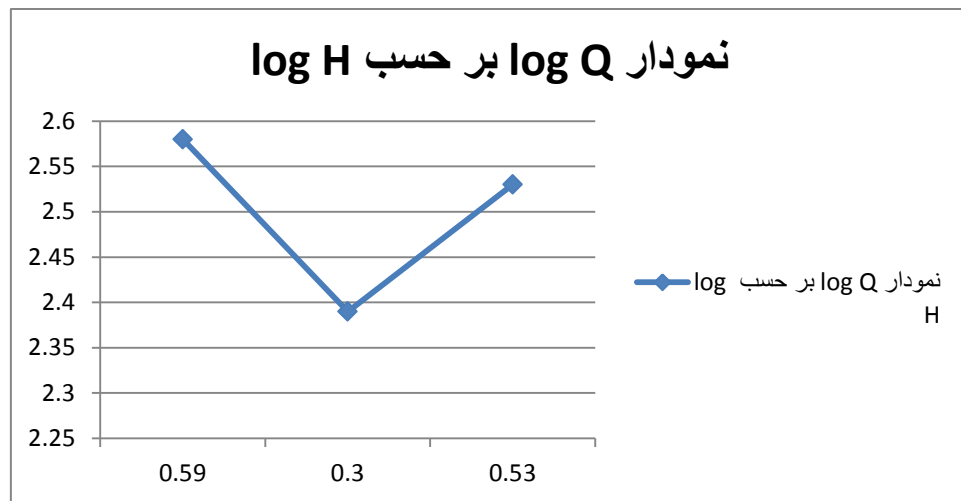
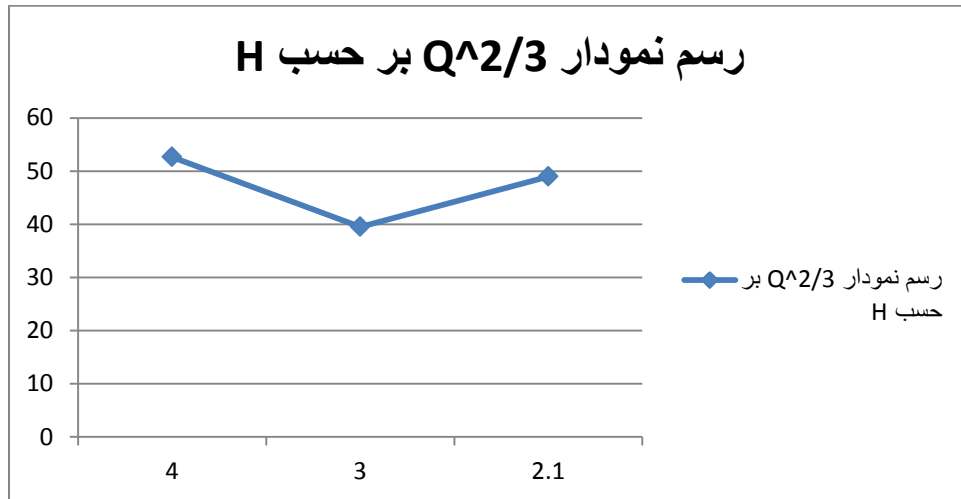
$$Q_2 = 5830.54 \left(\frac{cm^3}{s}\right) \text{ تئوری}$$

$$C_{d2} = 0.049$$

$$Q_3 = 4424.70 \left(\frac{cm^3}{s}\right) \text{ تئوری}$$

$$C_{d3} = 0.047$$

رسم نمودار های مربوط به سرریز مستطیلی:

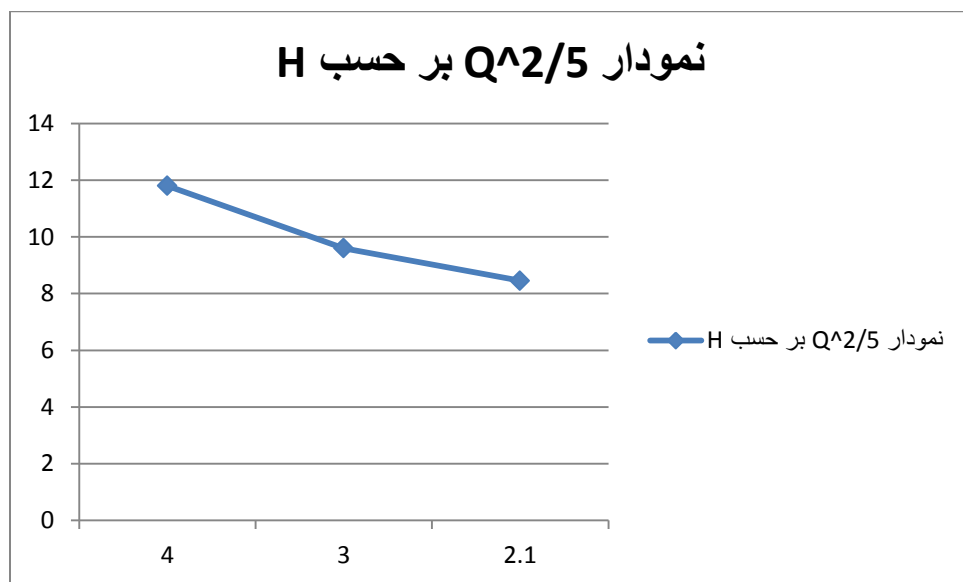


سوال: آیا  $C_d$  برای سرریز مستطیلی ثابت است؟ یک مقدار متوسط برای  $C_d$  بیابید.

پاسخ: با توجه به روابط و مسائل تئوری و فرمولهای موجود به نظر می رسد که  $C_d$  عددی ثابت می باشد ! اما با توجه به اعداد به دست آمده از روش تجربی به این نتیجه خواهیم رسید که  $C_d$  با توجه به خطاهای موجود عددی ثابت نخواهد بود و خواهیم داشت:

میانگین  $C_d$ : 0.022

رسم نمودار مربوط به کانال مثلثی:



سوال: آیا ضریب تخلیه برای شرایط تجربی آزمایش با سرریز مثلثی مقدار ثابتی است؟

پاسخ: خیر، با توجه به مقادیر بدست آمده از جدول مربوطه ملاحظه می شود که با کاهش دبی ضریب تخلیه نیز به مقدار کمی تغییر می نماید.